

Contenus

Nom du Cours	Semestre du Cours	Cours Théoriques	Travaux Dirigés (TD)	Travaux Pratiques (TP)	Crédit du Cours	ECTS
MAT351 Théorie de la Mesure	6	3	0	0	3	5
Cours Pré-Requis						
Conditions d'Admission au Cours						
Langue du Cours		Français				
Type de Cours		Électif				
Niveau du Cours		Licence				
Objectif du Cours		Introduire les fondaments de la théorie de la mesure, avec ses applications à la théorie d'intégration et aux probabilités.				
Contenus		Mesures et tribus, Ensembles de Borel et Lebesgue Applications mesurables Mesure de Lebesgue dans \mathbb{R}^n Integral de Lebesgue Théorèmes de convergence: Thm de convergence monotone, Lemme de Fatou, Thm de convergence dominée				
Ressources		Mesure, Intégration, Eléments d'Analyse Fonctionnelle, notes de cours de Petru Mironescu, Université Claude Bernard Lyon 1: https://math.univ-lyon1.fr/~mironescu/ressources/complet_mesure_integracion.pdf				

Intitulés des Sujets Théoriques

Semaine	Intitulés des Sujets
1	Rappels sur l'intégral de Riemann, motivation pour le besoin d'une théorie plus générale
2	Tribus, Ensembles de Borel
3	Fonctions mesurables
4	Mesures
5	Ensembles négligeables, mesure de Lebesgue
6	Construction de la mesure de Lebesgue
7	Intégral d'une fonction mesurable
8	Partiel
9	Intégral d'une fonction mesurable, Théorème de Convergence Monotone
10	Intégration
11	Lemme de Fatou, Théorème de Convergence Dominée
12	Mesure produit
13	Théorème de Fubini-Tonelli
14	Théorème de Fubini-Tonelli