Contenus

Nom du Cours		Semestre du Cours	Cours Théoriques	Travaux Dirigés (TD)	Travaux Pratiques (TP)	Crédit du Cours	ECTS	
ING207	Algèbre linéaire	3	2	2	0	3	5	

Cours Pré-Requis	
Conditions d'Admission	
au Cours	

Langue du Cours	Français
Type de Cours	Obligatoire
Niveau du Cours	Licence
Objectif du Cours	Les problèmes mathématiques tels que la résolution de systèmes différentiels linéaires (qui interviennent dans de nombreux domaines de la physique comme la mécanique ou l'électronique) ou l'analyse en composantes principales en statistiques utilisent la diagonalisation de matrices carrées. Déterminer si une matrice est diagonalisable, et dans ce cas la diagonaliser, est donc la clé de ce cours. Dans ce contexte, les objectifs de ce cours sont : • Expliquer aux étudiants comment le déterminant d'une matrice est défini à l'aide des permutations et de leur signature, notamment afin de pouvoir définir le polynôme caractéristique. • Apprendre aux étudiants à déterminer les élements propres d'une matrice. • Démontrer aux étudiants des conditions de diagonalisation d'une matrice. • Expliquer aux étudiants comment utiliser la diagonalisation pour résoudre des systèmes linéaires.
Contenus	 Groupe symétrique : décomposition en produits et signature de permutation Déterminants : définition, propriétés et règles de calcul Déterminants : déterminants des « petites » dimensions, déterminants classiques Diagonalisation : Introduction et premiers exemples Applications déterminants classiques Diagonalisation : critère de diagonalisation (cas des valeurs propres multiples) Diagonalisation : la pratique de la « petite » diagonalisation Examen Partiel Diagonalisation: calcul des puissances nièmes d'une matrice diagonalisable Polynômes de matrices, polynômes annulateurs - Th. de Cayleigh Hamilton Application au calcul des puissances nièmes d'une matrice (diagonalisable ou non) Application aux suites récurrentes linéaires Application aux systèmes différentiels (cas diagonalisable) Études pratiques
Ressources	1. Notes de Cours et Travaux Dirigés 2. http://braise.univ-rennes1.fr/braise.cgi 3. http://www.unisciel.fr

Intitulés des Sujets Théoriques

Semaine	Intitulés des Sujets	
1	e groupe des permutations.	

Semaine	ne Intitulés des Sujets	
2	Décomposition des permutations en produit de cycles ou en produit de transposition.	
Formes n-linéaires alternées, définitions du déterminant d'une matrice.		
4	Propriétés du déterminant.	
5	Déterminant d'un endomorphisme.	
6	Calcul de déterminants, le déterminant de Vandermonde.	
7	Valeurs et vecteurs propres d'un endomorphisme ou d'une matrice.	
8	Matrice et endomorphismes diagonalisables.	
9	Diagonalisation de matrices.	
10	Application de la diagonalisation : puissances de matrices, suites définies par récurrence linéaires, système d'équations linéaires à coefficients constants.	