

Contenus

Nom du Cours		Semestre du Cours	Cours Théoriques	Travaux Dirigés (TD)	Travaux Pratiques (TP)	Crédit du Cours	ECTS
MAT452	Introduction à l'analyse fonctionnelle	7	4	0	0	4	8

Cours Pré-Requis	MAT201, MAT261, MAT262
Conditions d'Admission au Cours	MAT201, MAT261, MAT262

Langue du Cours	Français
Type de Cours	Obligatoire
Niveau du Cours	Licence
Objectif du Cours	L'objectif de ce cours est d'étudier les notions de base de l'analyse fonctionnelle avec quelques applications.
Contenus	Espaces de Banach, Espaces de Hilbert, Théorème de Hahn Banach l'intégrabilité, la complétude des espaces L_p Applications de l'analyse fonctionnel.
Ressources	Introductory Functional Analysis and Applications, Erwin Kreyszig

Intitulés des Sujets Théoriques

Semaine	Intitulés des Sujets
1	Espaces Métriques: Espaces complets, compacité
2	Définitions et exemples d'espaces de Banach. Espaces de fonctions continues et intégrables
3	Espaces de Banach, compacité et dimension finie, le théorème d'Ascoli
4	Dualité dans les espaces de Banach
5	Définitions et exemples d'espaces de Hilbert.
6	Orthogonalité et projection. Théorème de Riesz-Fischer
7	Partiel
8	Théorème fondamental de l'analyse fonctionnelle: Lemme de Zorn, Théorème de Hahn Banach
9	Théorème fondamental de l'analyse fonctionnelle: Lemme de Zorn, Théorème de Hahn Banach
10	Devoir
11	Espaces L_p , la théorie de la mesure et définition des espaces L_p
12	Les espaces L_p comme espaces de Banach, Densité dans les espaces L_p
13	Applications de l'analyse fonctionnelle: Transformation de Fourier et applications
14	Applications de l'analyse fonctionnelle: Espaces de Sobolev et leurs propriétés